

La sécurité prouvable

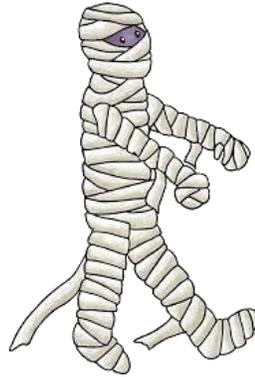
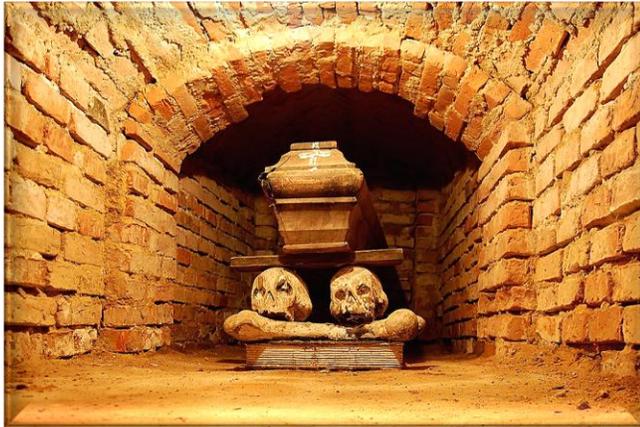


# INTRODUCTION AUX PREUVES DE SÉCURITÉ

Cristina Onete  
[cristina.onete@gmail.com](mailto:cristina.onete@gmail.com)

# INTERMEZZO : CRYPTER ET DECRYPTER

crypte



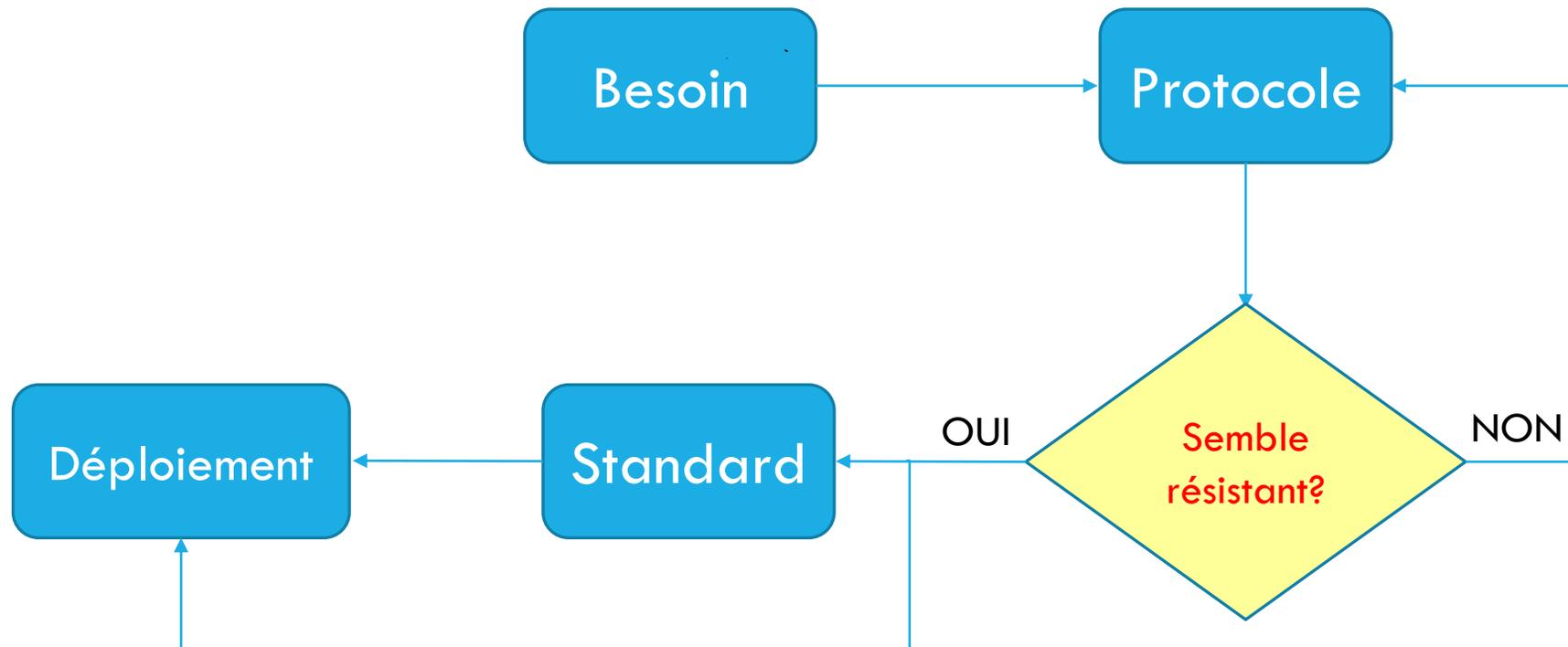
on crypte des



crypte-ographe

On **CRYPTER** les morts  
On **CHIFFRE** les données

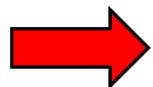
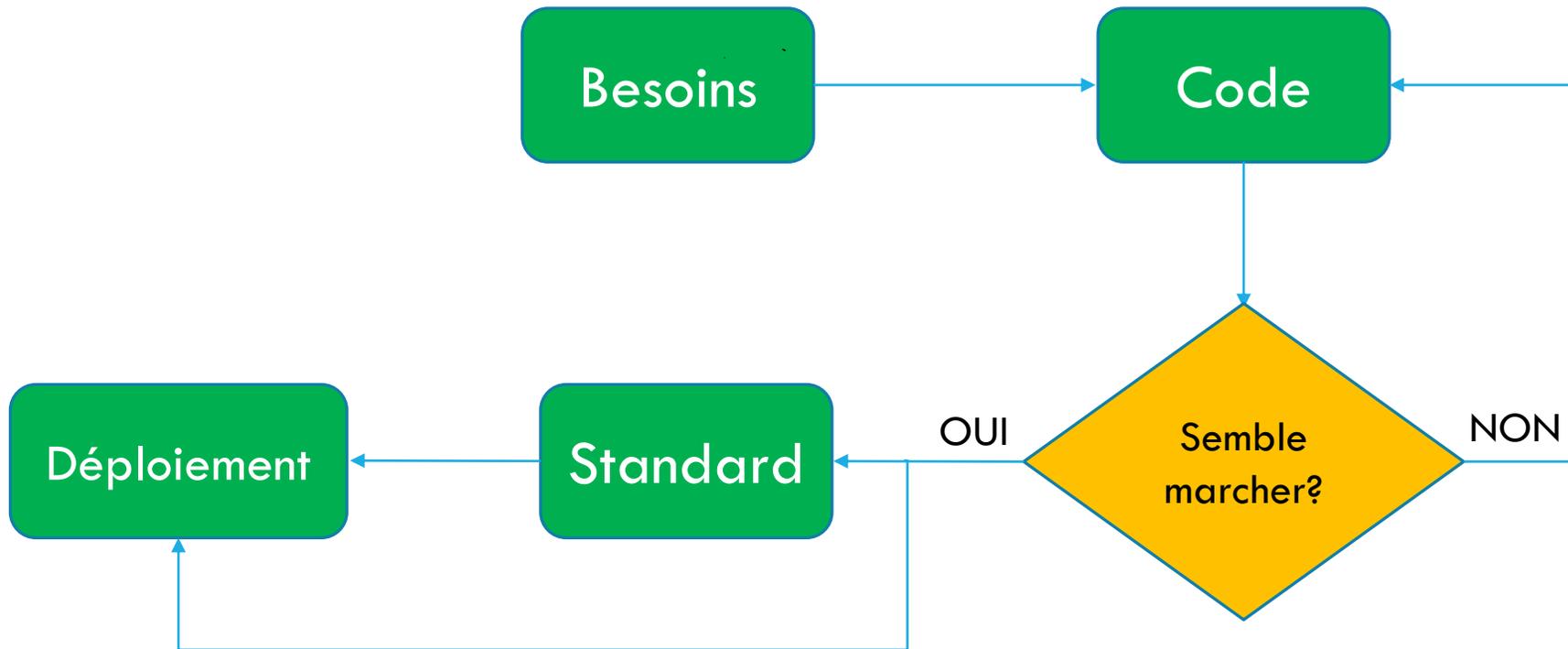
# LA CRYPTO DES ANNÉES '90



# JUSTE UN EXEMPLE : TLS

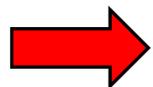
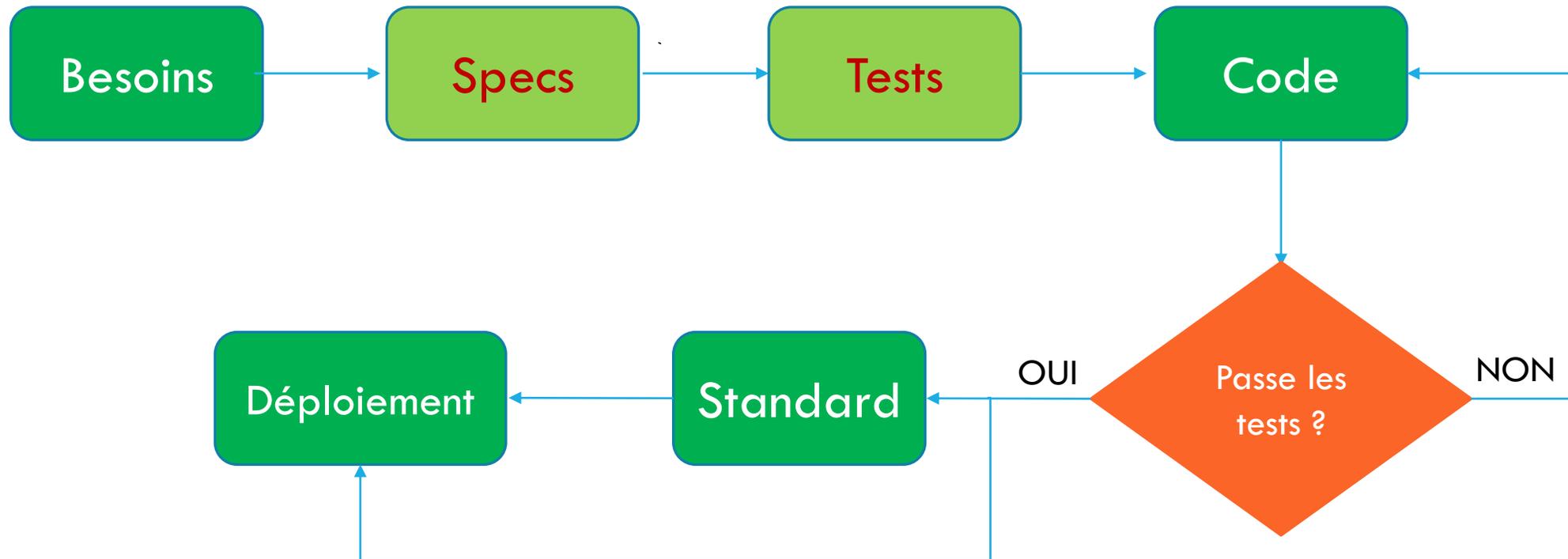
- Première version de TLS utilisée par Netscape : SSL 2.0
  - SSL 1.0 tellement susceptible aux failles qu'elle n'a jamais été mise en fonction
- SSL 2.0 remplacée très tôt par SSL 3.0
- TLS 1.2 : longtemps co-existante avec SSL 3.0, TLS 1.0...
- TLS 1.2 toujours vulnérable :
  - **Briques faibles** : MD5, cipher suites export (taille faible), RSA-PKCS, chiffrement CBC...
  - **Design faible** : même clé plusieurs propos, clé non-unique, trop de paramètres
  - **Implémentation faible** : problèmes de certification, anciennes versions possible, Heartbleed

# COMME UN CODE SANS QUALITÉ



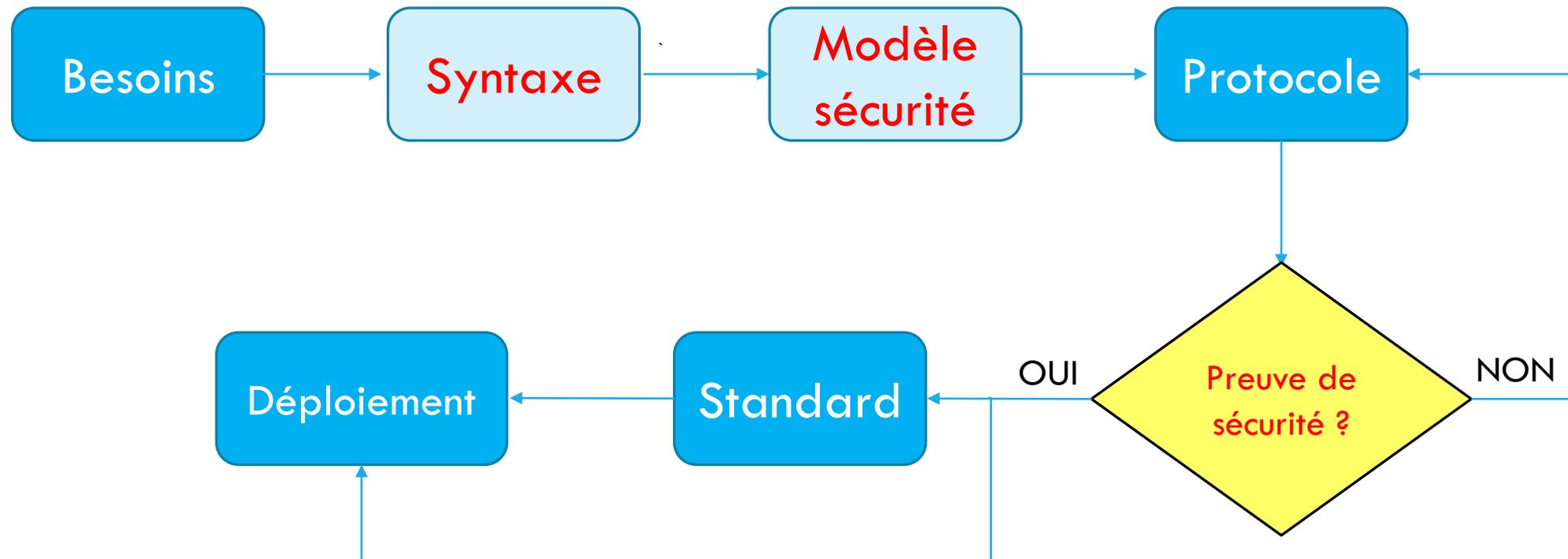
Code illisible, des failles, réponse partielle aux besoins...

# TDD ET QUALITÉ DE CODE



Un code de qualité qui répond aux besoins !

# SECURITY BY DESIGN



Bienvenue à la sécurité prouvable !

# LA SÉCURITÉ PROUVABLE

- Une méthodologie puissante
- Une garantie :
  - **Mathématique** : technique par réduction
  - **Précise** : la sécurité donnée est spécifiée par le modèle
  - **Universelle** : toute attaque dans le modèle
  - **Détaillée** : toute hypothèse connue et quantifiée
  - (Idéalement) **Exacte** : donne une indication sur la taille des paramètres
- Encourage un design propre, modulaire, se reposant sur des hypothèses connues
  - TLS 1.3 vs. TLS 1.2

**SECURE  
BY DESIGN**

# CETTE OPTION

## ➤ Diverses primitives and protocoles cryptographiques

- Fonctions de hachage, MAC, chiffrement, signatures...

## ➤ Le raisonnement de la sécurité prouvable :

- Quel est le fonctionnement de cette primitive ?
- Quel est son rôle en termes de sécurité ?
- Quelles sont les limitations, en termes de résistance aux attaques, de cette primitive ?
- Sous quelles hypothèses la sécurité de cette primitive est-elle garantie ?
- Quelle instantiation de la primitive donne un niveau acceptable de sécurité ?

Syntaxe

Modèle

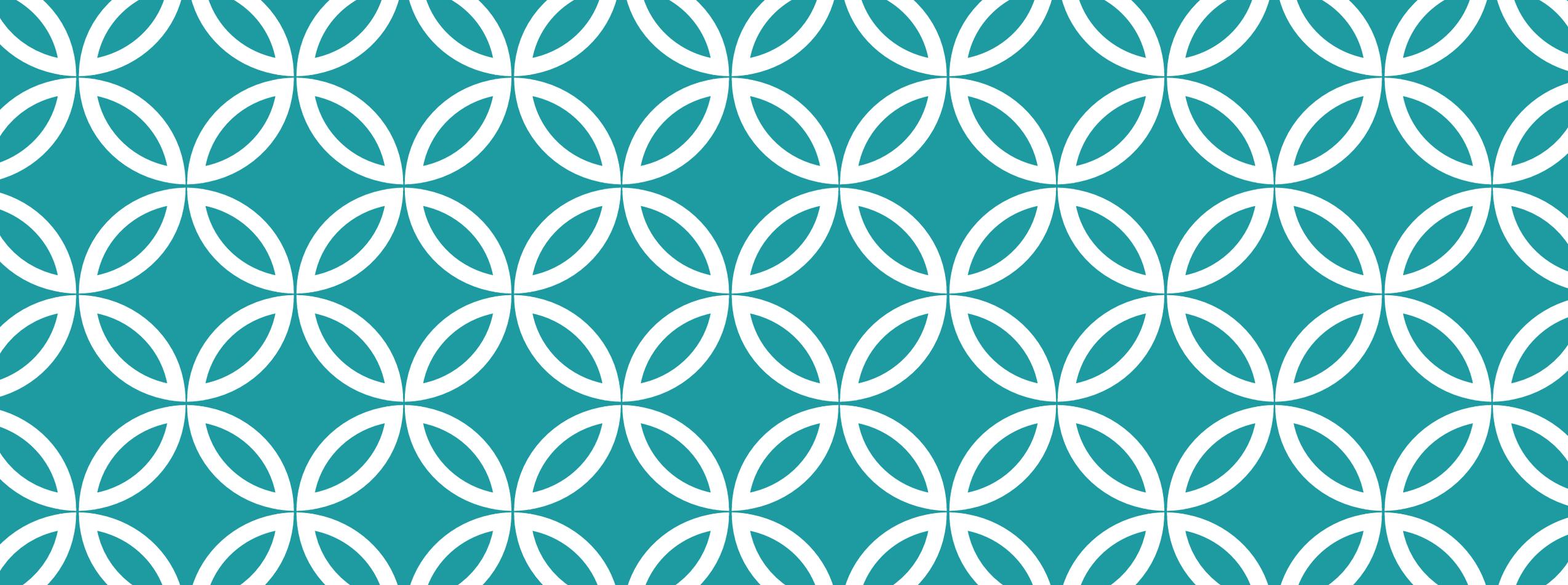
Preuve

## ➤ Seuls pré-requis : intérêt pour la précision, raisonnement logique, proba. de base

# STRUCTURE

- 12h CM, 18h TD :
  - Style mélangé : CM + exos, TDs + enseignement...
  - Matériel didactique : <https://www.onete.net/teaching.html>
  - Contact par mail : [cristina.onete@gmail.com](mailto:cristina.onete@gmail.com), parfois aussi via Discord
  - Dites moi si vous voulez que j'explique en anglais !!!
- Les CMs :
  - Aujourd'hui : introduction, à quoi ça sert, un exemple
  - Définitions de sécurité : chiffrement, signatures, hachage, authentification...
- TDs : bases de modélisation et de preuves

**1 contrôle écrit** 1ère session, **1 oral** deuxième session



## QUELQUES TERMES “MÉTIER”



# LA SYNTAXE

- Décrit **le fonctionnement** d'une primitive/d'un protocole:
  - **Qu'est-ce qu'une primitive** de ce type ?
  - Ensemble d'**algorithmes ou procédures**, leurs entrées et sorties
  - **Fonctionnement** : propriétés de correctness/completeness

- **Exemple** : chiffrement à clé publique (PKE) -- triplet :  $PKE = (KGen, Enc, Dec)$  t.q. :
  - $(sk, pk) \leftarrow KGen(1^\lambda)$  : génération de clés
  - $c \leftarrow Enc(pk; m)$  : chiffrement à clé publique d'un texte clair  $m$
  - $m \leftarrow Dec(sk; c)$  : déchiffrement d'un texte chiffré  $c$

- **Fonctionnement (correctness)** :  $\forall m, \forall (sk, pk) \leftarrow KGen(1^\lambda) : Dec(Enc(pk; m), sk) = m$

# LE PRINCIPE DE KERCKHOFFS

La sécurité d'une primitive cryptographique ne doit jamais reposer sur le secret de ses algorithmes, sinon sur des clés secrètes. Il faut toujours supposer que tous les algorithmes seront publiques

Auguste Kerckhoffs



# ADVERSAIRE, CHALLENGER, JEU

- **L'adversaire  $\mathcal{A}$**  : une/des entité.s ayant accès à une primitive cryptographique
  - Le but : **“casser” la sécurité** de la primitive en question
- **Formalisation** : deux formes principales :
  - **Jeux de sécurité** que  $\mathcal{A}$  tente à gagner
  - **Simulation** : distinction entre un monde réel + adversaire et un monde idéal + simulateur
- **Les jeux de sécurité** :
  - Un adversaire **joue le jeu** contre un challenger (représentant les parties honnêtes)
  - **Accès direct** aux algorithmes, mais pas aux clés secrètes (Kerckhoffs)
  - Accès indirect aux clés et parties honnêtes : **par oracle**
  - Fin : le jeu s'arrête et l'adversaire **gagne ou perd** le jeu



# LES JEUX DE SÉCURITÉ

## ➤ Intuition :

- Modéliser un adversaire “réaliste”
- L’opposer à la primitive cryptographique, par des accès formalisés (algos, oracles)
- Formaliser un but du jeu : casser la confidentialité, l’intégrité, usurper une identité, etc.

## ➤ **Exemple** : $\text{PKE} = (\text{KGen}, \text{Enc}, \text{Dec})$ :

- $\mathcal{A}$  connaîtra les algorithmes et les clés publiques de ses cibles
- $\mathcal{A}$  peut connaître des tuples  $(c, \text{Dec}(\text{sk}; c))$  valides : accès par oracle
- $\mathcal{A}$  gagne s’il réussit casser la confidentialité du schéma PKE
  - Plus difficile à définir qu’il ne semble

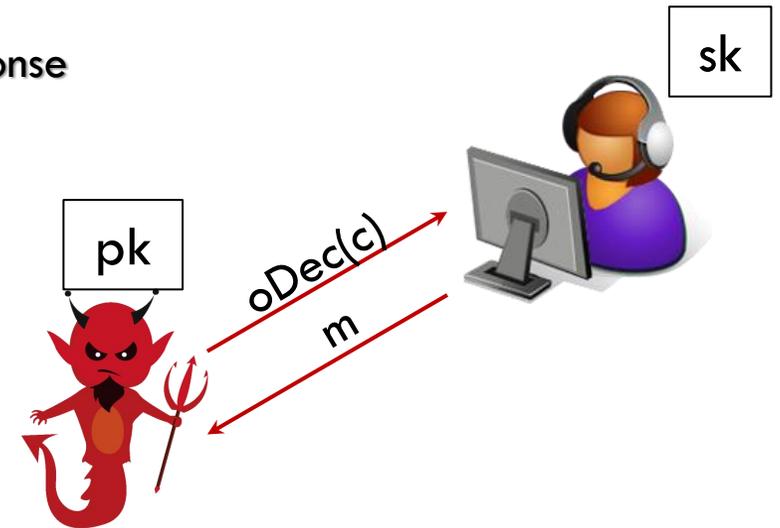
# LE FONCTIONNEMENT DES ORACLES

## ➤ Les oracles :

- Connaissance partielle du système
- Exemple : oracle de déchiffrement
- $\mathcal{A}$  fait une requête (query), l'oracle fait un calcul et retourne une réponse

## ➤ Exemple : PKE

- L'algorithme KGen retourne  $(sk, pk)$ ,  $pk$  donnée à  $\mathcal{A}$
- Pas besoin d'un oracle pour  $Enc(pk; m)$
- Oracle  $oDec(c)$  avec  $c$  choisi par l'adversaire, calcule  $Dec(sk; c)$



# LE BUT DU JEU

- Le **pouvoir** de l'adversaire peut varier :
  - Accès à plus ou moins d'oracles
  - Restrictions sur les requêtes possibles aux oracles
  - Buts du jeu différents

## ➤ Exemple : PKE

- $\mathcal{A}$  ne connaît pas  $m$  à partir d'un nouveau  $c$  (pas d'oracle)
- $\mathcal{A}$  ne connaît pas  $m$  à partir d'un nouveau  $c$  (**oracle Dec**)
- IND-CPA :  $\mathcal{A}$  ne connaît aucun bit de  $m$  à partir de  $c$
- IND-CCA :  $\mathcal{A}$  ne connaît aucun bit de  $m$  à partir de  $c$  (**oracles Dec**)

